

Санкт-Петербургский государственный университет информационных  
технологий, механики и оптики

Кафедра «Компьютерные технологии»

**М.И. Гуисов, А.А. Шалыто**

Задача Д. МАЙХИЛЛА  
«СИНХРОНИЗАЦИЯ ЦЕПИ СТРЕЛКОВ»

ВАРИАНТ 1

ОБЪЕКТНО-ОРИЕНТИРОВАННОЕ ПРОГРАММИРОВАНИЕ  
С ЯВНЫМ ВЫДЕЛЕНИЕМ СОСТОЯНИЙ

ПРОЕКТНАЯ ДОКУМЕНТАЦИЯ

Проект создан в рамках  
«Движения за открытую проектную документацию»  
<http://is.ifmo.ru>

Санкт-Петербург  
2003

# Содержание

<b>1. Постановка задачи</b> .....	<b>3</b>
<b>2. Диаграмма классов</b> .....	<b>4</b>
<b>3. Класс «ЦЕПЬ»</b> .....	<b>5</b>
3.1. Словесное описание .....	5
3.2. Структурная схема класса .....	5
<b>4. Класс «ОФИЦЕР»</b> .....	<b>5</b>
4.1. Словесное описание .....	5
4.2. Структурная схема класса .....	5
4.3. Автомат управления действиями офицера .....	5
4.3.1. Словесное описание .....	5
4.3.2. Схема связей .....	6
4.3.3. Граф переходов .....	6
<b>5. Класс «СТРЕЛОК»</b> .....	<b>6</b>
5.1. Словесное описание .....	6
5.2. Структурная схема класса .....	6
5.3. Автомат управления действиями стрелка .....	7
5.3.1. Словесное описание .....	7
5.3.2. Схема связей .....	7
5.3.3. Граф переходов .....	7
<b>6. Текст программы</b> .....	<b>8</b>
<b>7. Протокол работы программы</b> .....	<b>13</b>
<b>Источники</b> .....	<b>14</b>

# 1. Постановка задачи

В настоящей работе для задачи с параллельными процессами демонстрируется эффективность применения объектно-ориентированного программирования с явным выделением состояний [1], в котором совместно используются объектно-ориентированный и автоматный стили программирования. В качестве примера выбрана задача о синхронизации цепи стрелков, предложенная Д.Майхиллом в 1957 г. [2].

Сформулируем эту задачу. Предположим, что стрелкам, выстроенным в цепь, разрешена следующая процедура общения между собой.

1. Каждый стрелок может общаться непосредственно только со своими ближайшими соседями слева и справа. При этом левофланговый также может общаться с офицером.

2. Сеансы общения могут происходить по одному разу в каждую единицу времени. При этом считается, что офицер и каждый из стрелков имеют часы, которые синхронизированы между собой. Синхронизации часов недостаточно для синхронности выстрела, так как число стрелков в цепи априори не известно.

3. Сеанс общения стрелка состоит в том, что он передает своим соседям по одному условному знаку и принимает к сведению те условные знаки, которые ему сообщают соседи.

В некоторый момент левофланговый получает от офицера приказ **ОГОНЬ**, который адресован всем стрелкам и должен быть выполнен ими одновременно. Это обеспечивается передачей сигнала по цепи до ее конца и возвратом этого сигнала к левофланговому стрелку.

В зависимости от того, могут ли стрелки «считать до N» (номер стрелка) и какие знаки могут передаваться в цепи, задача имеет разные решения, отличающиеся по сложности.

Если счет запрещен и в качестве условных знаков нельзя передавать номер стрелка в цепи, может быть применен алгоритм В.И.Левенштейна. Его модификация описана в работе [3]. В этом алгоритме каждый стрелок реализуется автоматом с восемью состояниями. Основная идея этого алгоритма состоит в «делении отрезка цепи пополам». По цепи распространяется множество сигналов с задержками  $2^n - 1$ , где  $n$  – индекс сигнала. При встрече некоторого сигнала с первым происходит деление цепи. От места встречи распространяются новые сигналы с теми же индексами. Автоматы, находящиеся в месте встречи, переходят в состояние готовности, предшествующее «синхронному» состоянию. Идея Левенштейна позволила распространять любое число сигналов по цепи автоматов с конечным, и как отмечено выше, небольшим числом состояний.

В настоящей работе, как и в работах [4,5], разрешен «счет до N», а общение стрелков допускает передачу номера стрелка.

Каждый стрелок в цепи должен руководствоваться следующими правилами.

1. Левофланговый, получив приказ, запоминает число один (свой порядковый номер) и через единицу времени сообщает его соседу справа.

2. Если сосед слева сообщил стрелку число **K-1**, стрелок запоминает свой порядковый номер (**K**) и через единицу времени передает его соседу справа, или, если стрелок – правофланговый, отвечает соседу слева о своей готовности и приступает к обратному счету (**K, K-1, ...**).

3. Если порядковый номер стрелка равен **K** и сосед справа сообщил ему о своей готовности, через минуту стрелок передает сигнал о готовности налево и приступает к обратному счету (**K, K-1, ...**). Левофланговый сообщает о своей готовности офицеру.

4. Досчитав до нуля, стрелок открывает огонь, нажимая курок один раз за единицу времени.

В результате применения этих правил первый синхронный выстрел (залп) произойдет через **2N** единиц времени после получения левофланговым приказа офицера.

## 2. Диаграмма классов

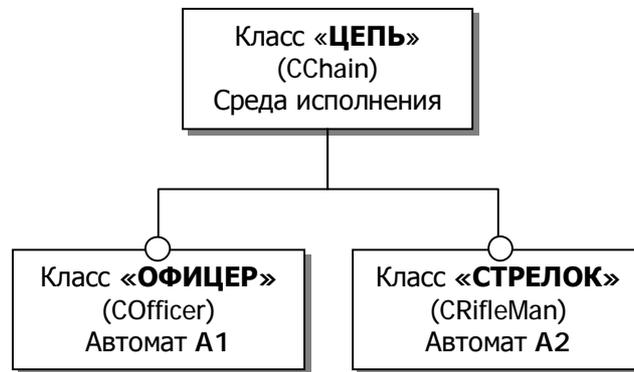


Рис. 1

Обратим внимание, что в программе  $N$  экземпляров класса «СТРЕЛОК» и по одному экземпляру остальных классов.

### 3. Класс «ЦЕПЬ»

#### 3.1. Словесное описание

Этот класс является главным в приведенной выше иерархии классов. Основной его задачей является связь действий офицера и солдат в шеренге. Он отвечает также за протоколирование работы программы, вызывая соответствующие процедуры классов «ОФИЦЕР» и «СТРЕЛОК».

#### 3.2. Структурная схема класса

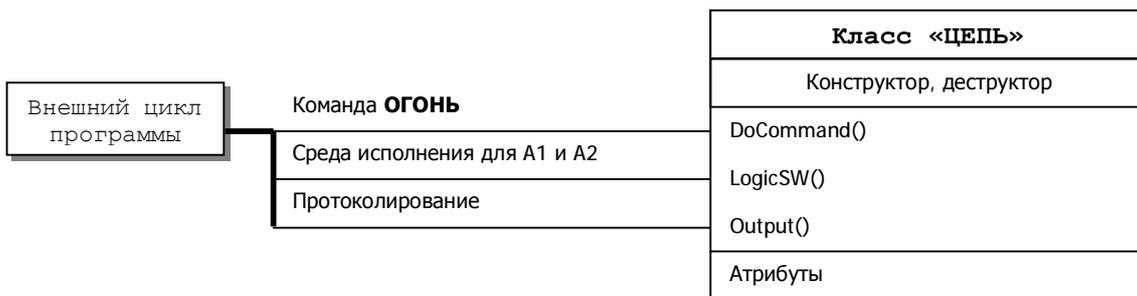


Рис. 2

### 4. Класс «ОФИЦЕР»

#### 4.1. Словесное описание

Этот класс реализует офицера, отдающего приказы солдату, стоящему на левом фланге. Кроме того, класс протоколирует состояния автомата **A1**, управляющего действиями офицера.

#### 4.2. Структурная схема класса

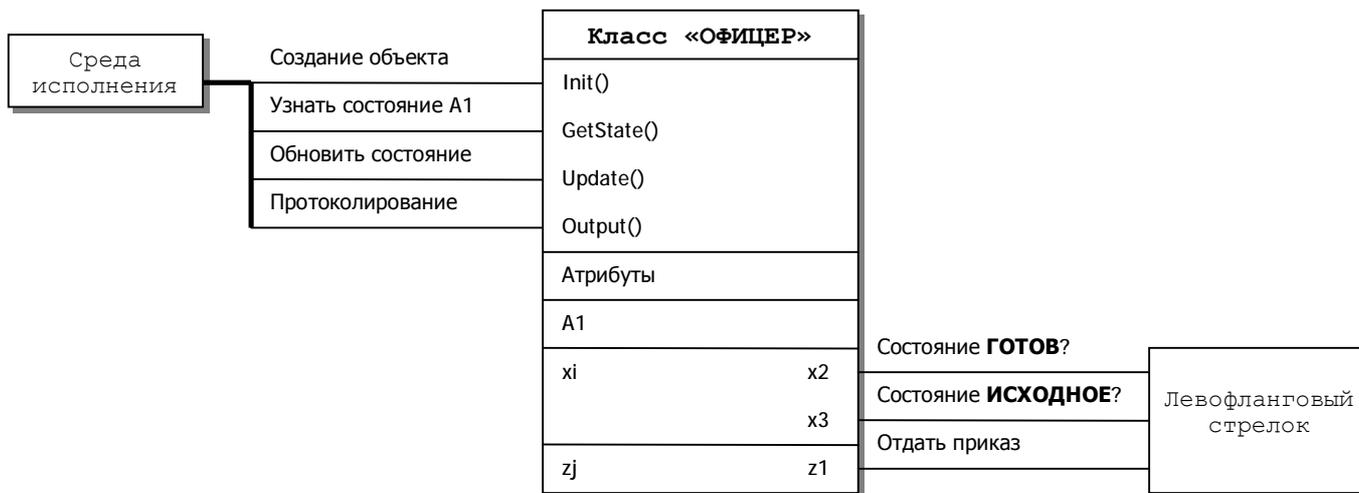


Рис. 3

#### 4.3. Автомат управления действиями офицера

##### 4.3.1. Словесное описание

Обычно офицер находится в **ИСХОДНОМ** состоянии. При необходимости провести залп он отдает команду левифланговому стрелку. При этом офицер переходит в состояние **ПРИКАЗ**. В этом состоянии он ждет готовности левифлангового стрелка (это значит, что вся цепь уже готова к стрельбе). После этого офицер переходит в состояние **ОБЗОР**. Переход в **ИСХОДНОЕ** состояние происходит после возвращения левифлангового солдата в **ИСХОДНОЕ** состояние. Обратим внимание, что, так как в данном случае применяется объектный подход, вместо непосредственного доступа к значению внутренней переменной Y2, кодирующей состояния автомата A2 («Стрелок»), для нее создан интерфейс - введены функции X2 и X3, общающиеся с переменной Y2 через функцию GetState().

### 4.3.2. Схема связей

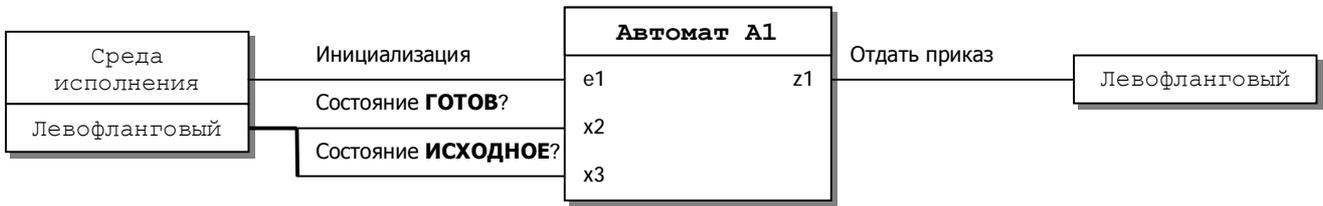


Рис. 4

### 4.3.3. Граф переходов

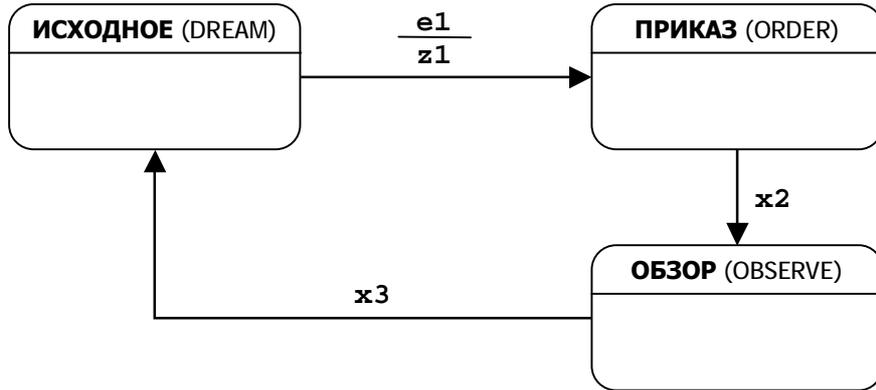


Рис. 5

## 5. Класс «СТРЕЛОК»

### 5.1. Словесное описание

Этот класс реализует стрелка, выполняющего приказ, обеспечивает связь его с ближайшими соседями и протоколирует состояния вложенного автомата **A2**.

### 5.2. Структурная схема класса



Рис. 6

### 5.3. Автомат управления действиями стрелка

#### 5.3.1. Словесное описание

Стрелок, как и офицер, обычно находится в **ИСХОДНОМ** состоянии. Получив приказ от соседа (левофланговый от офицера), стрелок запоминает свой порядковый номер, передает приказ направо и переходит в состояние **ПРИКАЗ**. В этом состоянии стрелок находится до тех пор, пока сосед справа не сообщит ему о своей готовности. После этого стрелок переходит в состояние **ГОТОВ** (правофланговый переходит в состояние **ГОТОВ** без ожидания). В состоянии **ГОТОВ** стрелок для синхронизации считает от своего порядкового номера до нуля. Досчитав, переходит в состояние **ОГОНЬ**, в котором находится, пока не кончатся патроны в магазине, делая один выстрел в единицу времени. После этого переходит в **ИСХОДНОЕ** состояние.

#### 5.3.2. Схема связей

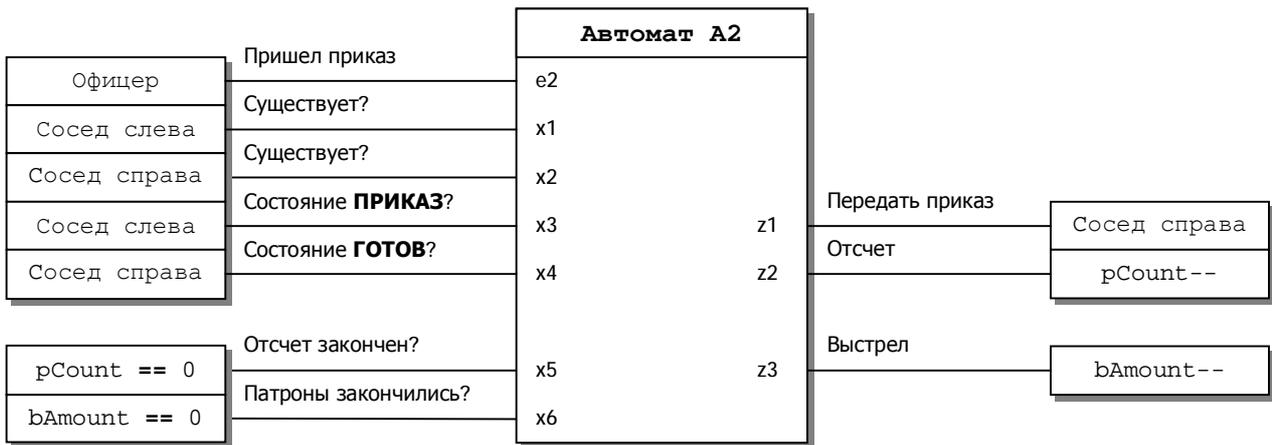


Рис. 7

#### 5.3.3. Граф переходов

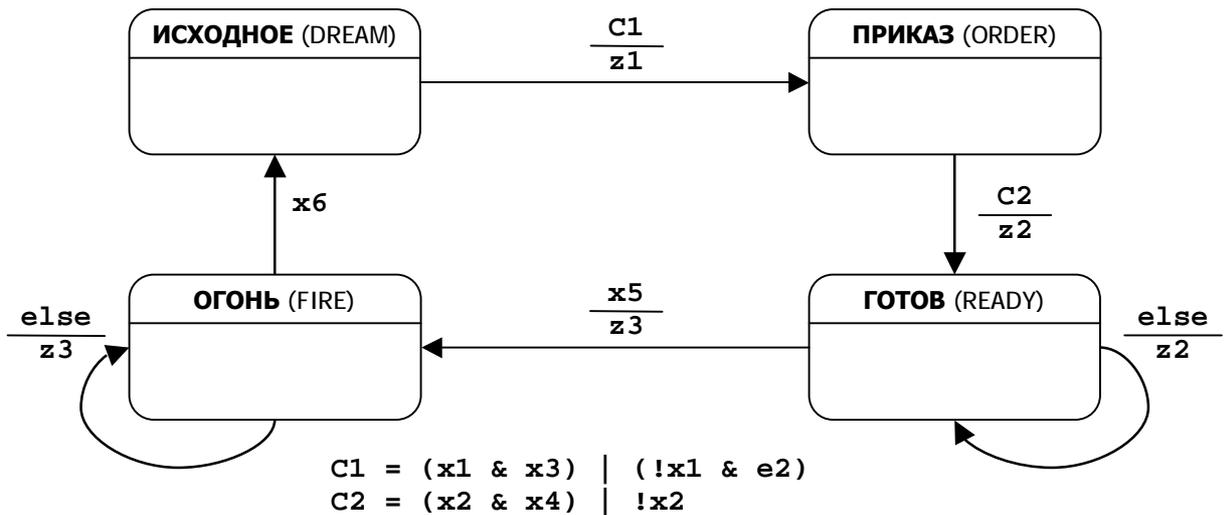


Рис. 8

## 6. Текст программы

### 6.1. Класс «ЦЕПЬ». Заголовочный файл "Chain.h"

```
#pragma once
#include "officer.h"
#define rmNumber 4 // Количество стрелков

class CChain {
public:
    CChain(); // Конструктор
    ~CChain(); // Деструктор

    void DoCommand(); // Приказ офицеру
    void LogicSW(); // Логика класса
    void Output(FILE *FDat, int step); // Протоколирование
private:
    CSQueue *Queue; // Очередь сообщений
    COfficer Officer; // Офицер
    CRifleMan *rmArray; // Массив стрелков
};
```

### 6.2. Реализация класса «ЦЕПЬ». Файл "Chain.cpp"

```
#include "stdafx.h"
#include "chain.h"

// Конструктор
CChain::CChain() {
    Queue = new CSQueue();
    rmArray = new CRifleMan [rmNumber];
    Officer.Init(&rmArray[0], Queue);
    for (int i=0; i<rmNumber; i++) {
        rmArray[i].Init((i > 0 ? &rmArray[i-1] : NULL), // Сосед слева
            (i < rmNumber-1 ? &rmArray[i+1] : NULL)); // Сосед справа
    }
}

// Деструктор
CChain::~CChain() {
    delete Queue;
    delete rmArray;
}

// Передать приказ офицеру
void CChain::DoCommand() {
    Queue->push_back(1);
}

// Функция протоколирования
void CChain::Output(FILE *FDat, int step) {
    fprintf(FDat, "\n%.2i. logic entrance\n", step);
    Officer.Output(FDat);
    for (int i=0; i<rmNumber; i++) {
        fprintf(FDat, "rifleman %i ", i+1);
        rmArray[i].Output(FDat);
    }
}

// Логика класса
void CChain::LogicSW() {
    int e;
    Officer.Update();
    for (int i=0; i<rmNumber; i++) rmArray[i].Update();
    Queue->push_back(-1); // Пустое сообщение (внешнее событие)
    while (!Queue->IsEmpty()) {
        e = Queue->back();
        Queue->pop_back();
        Officer.A(e);
        for (i=0; i<rmNumber; i++) rmArray[i].A(e);
    }
    Officer.S();
    for (i=0; i<rmNumber; i++) rmArray[i].S();
}
```

### 6.3. Класс «Офицер». Заголовочный файл "Officer.h"

```
#pragma once
#include "rifleman.h"
#define st_OBSERVE 2 // Состояние ОБЗОР

class Officer {
public:
    void Init(CRifleMan *_mostleft, CSQueue *pQ);

    void A(CSMessage &msg); // Процедура выбора перехода автомата A1
    void S(); // Процедура, осуществляющая переход
    void Output(FILE *FDat); // Вывод результатов (в файл)
    void Update(); // Обновление переменных автомата
    int GetState(); // Возвращает состояние автомата

private:
    int y_o, y_n; // Переменные состояния автомата
    CRifleMan *mLeft; // Ближайший стрелок
    CSQueue *Queue; // Ссылка на очередь (для создания сообщений)

    bool x2(); // Левофланговый готов?
    bool x3(); // Левофланговый в исходном состоянии?
    void z1(); // Отдать приказ левофланговому
};
```

#### 6.4. Реализация класса «Офицер». Файл "Officer.cpp"

```
#include "stdafx.h"
#include "officer.h"

// Первичная инициализация класса "Офицер"
void Officer::Init(CRifleMan *_mostleft, CSQueue *pQ) {
    mLeft = _mostleft;
    y_n = st_DREAM;
    Queue = pQ;
}

// Процедура выбора перехода автомата A1
void Officer::A(int e) {
    switch (y_o) {
        case st_DREAM:
            if (e == 1) { y_n = st_ORDER; }
            break;

        case st_ORDER:
            if (x2()) { y_n = st_OBSERVE; }
            break;

        case st_OBSERVE:
            if (x3()) { y_n = st_DREAM; }
    }
}

// Процедура, осуществляющая переход
void Officer::S() {
    switch (y_o) {
        case st_DREAM:
            if (y_n == st_ORDER) z1();
    }
}

// Функция обновления переменных автомата
void Officer::Update() {
    y_o = y_n;
}

// Возвращает состояние автомата
int Officer::GetState() {
    return y_o;
}

// Протоколирование
void Officer::Output(FILE *FDat) {
    char *tmp;
    switch (y_o) {
        case st_DREAM: tmp = "DREAM"; break;
        case st_ORDER: tmp = "ORDER"; break;
        case st_OBSERVE: tmp = "OBSERVE";
    }
    fprintf(FDat, "officer state %s \n", tmp);
}

// Левофланговый готов?
bool Officer::x2() {
    return mLeft->GetState() == st_READY;
}

// Левофланговый спит?
bool Officer::x3() {
    return mLeft->GetState() == st_DREAM;
}

// Отдать приказ левофланговому
void Officer::z1() {
    Queue->push_back(2);
}
```

## 6.5. Класс «Стрелок». Заголовочный файл "RifleMan.h"

```
#pragma once
#define st_DREAM 0 // Состояние СОН
#define st_ORDER 1 // Состояние ПРИКАЗ
#define st_READY 2 // Состояние ГОТОВ
#define st_FIRE 3 // Состояние ОГОНЬ
#define mSize 3 // Размер магазина
typedef std::list<int> CSQueue;

class CRifleMan {
public:
    int pNumber; // Личный номер
    void Init(CRifleMan *_left, CRifleMan *_right);

    void A(int e); // Процедура выбора перехода автомата A2
    void S(); // Процедура осуществления перехода A2
    void Output(FILE *FDat); // Вывод результатов (в файл)
    void Update(); // Обновление в начале шага
    int GetState(); // Возвращает состояние автомата

private:
    int y_o, y_n; // Переменные состояния автомата
    CRifleMan *left, *right; // Указатели на соседей
    int bAmount_o, bAmount_n; // Количество оставшихся в магазине пуль

    bool x1(); // Есть сосед-стрелок слева?
    bool x2(); // Есть сосед-стрелок справа?
    bool x3(); // Состояние соседа слева ПРИКАЗ?
    bool x4(); // Состояние соседа справа ГОТОВ?
    bool x5(); // Отсчет закончен?
    bool x6(); // Кончились патроны?

    void z1(); // Запомнить свой номер, зарядить магазин
    void z2(); // Уменьшить номер на 1
    void z3(); // Сделать выстрел
};
```

## 6.6. Реализация класса «Стрелок». Файл "RifleMan.cpp"

```
#include "stdafx.h"
#include "rifleman.h"

// Первичная инициализация класса "Стрелок"
void CRifleMan::Init(CRifleMan *_left, CRifleMan *_right) {
    left = _left;
    right = _right;
    y_n = st_DREAM;
    bAmount_n = 0;
}

// Процедура выбора перехода автомата A2
void CRifleMan::A(int e) {
    switch (y_o) {
    case st_DREAM:
        if (x1() ? x3() : (e == 2)) { y_n = st_ORDER; }
        break;

    case st_ORDER:
        if (x2() ? x4() : true) { y_n = st_READY; }
        break;

    case st_READY:
        if (x5()) { y_n = st_FIRE; }
        break;

    case st_FIRE:
        if (x6()) { y_n = st_DREAM; }
    }
}
```

```

// Процедура, осуществляющая переход
void CRifleMan::S() {
    switch (y_o) {
        case st_DREAM:
            if (y_n == st_ORDER)    z1();
            break;

        case st_ORDER:
            if (y_n == st_READY)    z2(); // Начало отсчета
            break;

        case st_READY:
            if (y_n == st_FIRE)     z3(); // Открытие огня
            else                     z2(); // Петля в состоянии ГОТОВ
            break;

        case st_FIRE:
            if (y_n == st_FIRE)     z3(); // Петля в состоянии ОГОНЬ
    }
}

// Обновление в начале шага
void CRifleMan::Update() {
    bAmount_o = bAmount_n;
    y_o = y_n;
}

// Возвращает состояние автомата
int CRifleMan::GetState() { return y_o; }

// Протоколирование
void CRifleMan::Output(FILE *FDat) {
    char *tmp;
    switch (y_o) {
        case st_DREAM:    tmp = "DREAM";           break;
        case st_ORDER:    tmp = "ORDER";           break;
        case st_READY:    tmp = "READY";           break;
        case st_FIRE:     tmp = "FIRE";
    }
    fprintf(FDat, "state %s \t bullets %i/%i\n",
            tmp, bAmount_o, mSize);
}

bool CRifleMan::x1() { return (left != NULL); } // Есть сосед-стрелок слева?
bool CRifleMan::x2() { return (right != NULL); } // Есть сосед-стрелок справа?
bool CRifleMan::x3() { // Состояние соседа слева "ПРИКАЗ"?
    return left->GetState() == st_ORDER;
}
bool CRifleMan::x4() { // Состояние соседа справа "ГОТОВ"?
    return right->GetState() == st_READY;
}
bool CRifleMan::x5() { // Отсчет закончен?
    return (pNumber == 0);
}
bool CRifleMan::x6() { // Кончились патроны?
    return (bAmount_n == 0);
}
void CRifleMan::z1() { // Вспомнить свой номер, зарядить магазин
    if (!left)    pNumber = 1;
    else          pNumber = left->pNumber + 1;
    bAmount_n = mSize;
}
void CRifleMan::z2() { pNumber--; } // Уменьшить номер на 1
void CRifleMan::z3() { bAmount_n--; } // Сделать выстрел

```

## 7. Протокол работы программы

Данный протокол: 4 стрелка, 3 патрона в магазине у каждого.

01. logic entrance			
officer	state	<b>DREAM</b>	
rifleman 1	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
02. logic entrance			
officer	state	<b>DREAM</b>	
rifleman 1	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
03. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
04. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
05. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
06. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
07. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
08. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
09. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
10. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>ORDER</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
11. logic entrance			
officer	state	<b>ORDER</b>	
rifleman 1	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 2	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 3	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
rifleman 4	state	<b>READY</b>	bullets 3/3
12. logic entrance			
officer	state	<b>OBSERVE</b>	
rifleman 1	state	<b>FIRE</b>	bullets 2/3
rifleman 2	state	<b>FIRE</b>	bullets 2/3
rifleman 3	state	<b>FIRE</b>	bullets 2/3
rifleman 4	state	<b>FIRE</b>	bullets 2/3
13. logic entrance			
officer	state	<b>OBSERVE</b>	
rifleman 1	state	<b>FIRE</b>	bullets 1/3
rifleman 2	state	<b>FIRE</b>	bullets 1/3
rifleman 3	state	<b>FIRE</b>	bullets 1/3
rifleman 4	state	<b>FIRE</b>	bullets 1/3
14. logic entrance			
officer	state	<b>OBSERVE</b>	
rifleman 1	state	<b>FIRE</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>FIRE</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>FIRE</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>FIRE</b>	bullets 0/3
15. logic entrance			
officer	state	<b>OBSERVE</b>	
rifleman 1	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
16. logic entrance			
officer	state	<b>DREAM</b>	
rifleman 1	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 2	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 3	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3
rifleman 4	state	<b>DREAM</b>	bullets 0/3

Из протокола следует, что с начиная с третьего шага все четыре стрелка переходят из исходного состояния в состояние **ГОТОВ**, затем синхронно выпускают по три пули (шаги 12-14) и «засыпают» (переходят в исходное состояние). Офицер «засыпает» последним.

## **Источники**

1. Туккель Н.И., Шалыто А.А. Система управления танком для игры Robocode. Объектно-ориентированное программирование с явным выделением состояний. Проектная документация. <http://is.ifmo.ru> раздел «Проекты».
2. Goto E. A Minimum Time Solution of the Firing Squad Problem //Dittoed Course Notes for Applied Mathematics. Harvard Univ., 1962.
3. Варшавский В.И., Мараховский В.Б., Песчанский В.А., Розенблюм Л.Я. Однородные структуры. М.: Энергия, 1973.
4. Трахтенброт Б.А. Алгоритмы и вычислительные автоматы. М.: Советское радио, 1974.
5. Любченко В.С. «Батарея, огонь!» или задача Майхилла для Microsoft Visual C++. О синхронизации процессов в среде Windows // Мир ПК. 2000. N2.
6. Шалыто А.А. SWITCH-технология. Алгоритмизация и программирование задач логического управления. СПб.: Наука, 1998.
7. Буч Г. Объектно-ориентированный анализ и проектирование. М.: Бином, 1998.