

УДК 519.714

© 1998 г. Б. П. КУЗНЕЦОВ, канд. техн. наук,
А. А. ШАЛЫТО, канд. техн. наук
(НПО "АВРОРА", Санкт-Петербург)

МЕТОД НЕЗАВИСИМЫХ ФРАГМЕНТОВ ДЛЯ ПОСТРОЕНИЯ ЛИНЕАРИЗОВАННЫХ СТРУКТУРИРОВАННЫХ ГРАФ-СХЕМ АЛГОРИТМОВ, РЕАЛИЗУЮЩИХ СИСТЕМЫ БУЛЕВЫХ ФОРМУЛ

Предлагается эффективный по трудоемкости аналитический метод реализации систем булевых формул линейризованными структурированными граф-схемами алгоритмов, число вершин в которых равно числу букв в операторах структур, по которым строятся эти граф-схемы. Это позволяет за счет упрощения оператора минимизировать изоморфную ему граф-схему, что до сих пор удавалось делать лишь при реализации одиночных булевых формул параллельно-последовательными контактными схемами. Излагается простой аналитический метод верификации таких граф-схем.

1. Введение

Известен [1, 2] формульный метод реализации булевых формул в базисе И, ИЛИ НЕ граф-схемами алгоритмов (в дальнейшем граф-схемами), в условных вершинах которых осуществляется проверка значений одиночных входных переменных ($j = 1, \dots, n$), а в операторных вершинах – присваивание выходной переменной значений 0 или 1. При использовании таких граф-схем не требуется оперативная память для запоминания промежуточных результатов и они обеспечивают высокое быстродействие при вычислении булевых формул. Это, в частности, и определяет применение граф-схем этого класса при трансляции булевых формул, например, в таких языках программирования как СИ и Турбо Паскаль (вычисление по короткой схеме – частичное вычисление).

Указанный метод, однако, строит неструктурированные граф-схемы, что ограничивает его использование, например, в программируемых логических контроллерах различных типов (например, [3]), язык инструкций которых позволяет реализовать только структурированные граф-схемы. Более того эти граф-схемы должны быть также и линейризованными и поэтому при их построении допускается суперпозиция только двух типов управляющих конструкций, являющихся блоками с одним входом и одним выходом – последовательное соединение (рис. 1) и неполный выбор (рис. 2, 3).

Это приводит к необходимости дублирования вершин в неструктурированной граф-схеме или даже структурированной граф-схеме, построенной с использованием управляющей конструкции "полный выбор" (рис. 4), с целью построения линейризованной структурированной граф-схемы.

В [4] предложен метод структурирования граф-схемы, построенной формульным методом, за счет ее преобразования по всем путям в древовидную структурированную граф-схему. При этом показано, что число условных и операторных вершин такой граф-схеме равно суммарной длине всех путей в исходной граф-схеме. Минимизация этого показателя и соответственно числа вершин в структурированных граф-схемах изложен в [5]. Получающиеся с помощью этих методов граф-схемы

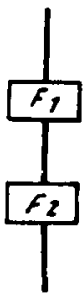


Рис. 1

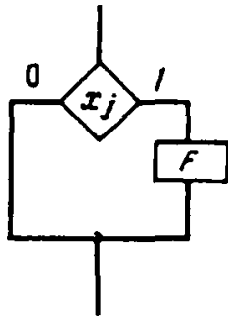


Рис. 2

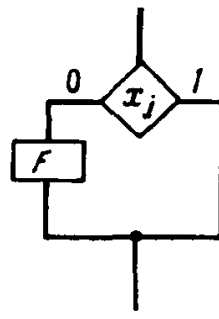


Рис. 3

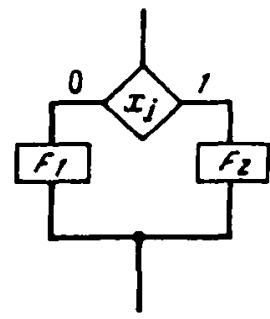


Рис. 4

обладают следующими недостатками – содержат большое число вершин (оценки приводятся в [4]); состоят из вложенных управляющих конструкций только одного типа – полный выбор.

Дальнейшее уменьшение числа вершин в структурированных граф-схемах обеспечивается за счет минимизации числа операторных вершин в них, что осуществляется “подъемом” некоторых из этих вершин вверх к началу граф-схемы. При этом отдельно подсчитывается число единичных и нулевых операторных вершин в структурированной граф-схеме. Из этой граф-схемы исключаются операторные вершины того типа, количество которых больше, и в начало граф-схемы вводится одна новая операторная вершина, тип которой совпадает с исключительными вершинами.

В оптимизированной таким образом структурированной граф-схеме используются все типы управляющих конструкций, рассмотренных выше, однако последовательное соединение блоков применяется здесь лишь в “зачаточном” состоянии.

При переходе от структурированной граф-схемы к линейаризованной граф-схеме этого типа принципиальное наличие в исходной структуре управляющих конструкций “полный выбор” приводит к необходимости ее преобразования за счет последовательного соединения блоков, каждый из которых соответствует одному “значащему” пути в заданной граф-схеме. (Путь, проходящий от начала граф-схемы к ее концу, называется значащим, если он проходит через операторную вершину, непосредственно подключенную к концу граф-схемы.) Указанное преобразование существенно увеличивает число вершин в граф-схеме.

При этом отметим, что построение линейаризованных граф-схем с неоднократной проверкой одних и тех же входных переменных в различных условных вершинах базируется на предположении о том, что за время прохождения граф-схемы от ее начала к концу, где выдаются значения выходных переменных, значения входных переменных не изменяются, что справедливо при реализации таких граф-схем в большинстве программируемых логических контроллерах, в которых опрос значений входных переменных в течение программного цикла выполняется однократно.

Из изложенного следует, что указанный подход к построению линейаризованных структурированных граф-схем является весьма трудоемким и недостаточно эффективным по сложности создаваемых граф-схем. Другим его существенным недостатком является то, что он не позволяет реализовывать системы булевых формул, используя их общие части, в случае, если они имеются.

Этого недостатка лишен весьма трудоемкий метод каскадов [6], базирующийся на разложениях Шеннона по отдельным переменным всех формул системы. При его использовании всегда может быть построена структурированная граф-схема. Преобразование ее в линейаризованную структурированную граф-схему, как и в предыдущем случае, осуществляется по “значащим” путям построенной граф-схемы. Кроме того, необходимо отметить, что порядок переменных, по которым выполняются разложения, определяет сложность получаемой граф-схемы. При этом оптимальный по этому критерию порядок может быть выбран только путем полного перебора.

Цель настоящей работы состоит в разработке малотрудоемкого аналитического метода, позволяющего изоморфно переходить от оператора структуры, записываемого по заданной системе булевых формул, к линейаризованной структурированной граф-схеме, число вершин в которой равно числу букв в операторе, и проводить упрощение граф-схемы за счет минимизации оператора. При определенных условиях метод позволяет строить по этому оператору структурированную граф-схему с числом вершин меньшим, чем число букв в операторе.

2. Метод независимых фрагментов

Метод состоит из следующих этапов:

- каждая из N формул системы записывается в дизъюнктивной нормальной форме (ДНФ);
- каждая конъюнкция, входящая в i -ю формулу системы помечается символом выходной переменной Z_i , где $i = 1, \dots, N$;
- все выходные переменные Z_i (! – символ операции инверсии) и все помеченные конъюнкции в ДНФ формул системы объединяются с помощью символов $|$ в операторе структуры;
- в этом операторе минимизируется число букв за счет выноса влево за скобки произвольной глубины одинаковых входных переменных X_j , входящих в различные конъюнкции, в случае, если такая возможность имеется;
- по минимизированному оператору структуры непосредственно и изоморфно строится линейаризованная структурированная граф-схема, используя следующие замены фрагментов этого оператора на управляющие конструкции в граф-схеме: фрагмент $F_1 | F_2$ заменяется на конструкцию (рис. 1); фрагмент $X_j F$ – на конструкцию (рис. 2); фрагмент $!X_j F$ – на конструкцию (рис. 3);
- если в минимизированном операторе структуры имеется фрагмент $!X_j F_1 | X_j F_2$, то с целью минимизации числа вершин вместо линейаризованной структурированной граф-схемы может строиться структурированная граф-схема за счет замены этого фрагмента управляющей конструкцией (рис. 4). При этом в минимизированном операторе структуры указанный фрагмент должен быть взят в квадратные скобки, а символ $|$ заменен на символ \vee – записан в виде $[!X_j F_1 \vee X_j F_2]$. Это делается для того, чтобы отличить фрагмент, реализованный с помощью конструкции (рис. 4), от исходного фрагмента, реализуемого последовательным соединением двух управляющих конструкций, представленных на рис. 3 и 2.

Предложенный метод строит по оператору структуры или минимизированному оператору структуры, состоящему из h букв, линейаризованную структурированную граф-схему, содержащую h вершин, или структурированную граф-схему, содержащую не более h вершин.

3. Использование инверсий булевых формул для минимизации граф-схем

Из изложенного в предыдущем разделе следует, что число букв в операторе структуры определяется соотношением

$$h = N + \sum_{i=1}^N (h_i + k_i),$$

где h_i и k_i – число букв и конъюнкций в правой части ДНФ i -й формулы.

Из анализа этого соотношения следует, что минимизация величины h для перехода к минимизированному оператору структуры для заданной системы булевых формул ($N = \text{const}$) может осуществляться за счет уменьшения величины $(h_i + k_i)$

в i -й формуле системы. Если эта величина уменьшается при переходе от ДНФ i -й формулы к ДНФ ее инверсии, то для сокращения числа букв в оператор структуры должны включаться члены, определяемые не ДНФ i -й формулой, а ДНФ ее инверсии.

Если эта величина при использовании инверсии не уменьшается, то в оператор структуры включаются члены, определяемые не ДНФ инверсии, а ДНФ самой формулы.

Для ДНФ i -й формулы, как и ранее, в оператор структуры вводятся переменная Z_i и все конъюнкции, помеченные символом Z_i , а для ДНФ ее инверсии в оператор структуры вводятся переменная \bar{Z}_i и все конъюнкции, помеченные символом \bar{Z}_i . Таким образом и в том и в другом случае реализуется формула, эквивалентная Z_i .

Минимизация оператора структуры и построение линейаризованной структурированной граф-схемы или структурированной граф-схемы по оператору структуры в этом случае выполняются так же, как это изложено в предыдущем разделе.

В заключение раздела отметим, что вопрос о построении для заданной системы булевых формул простейших по числу вершин граф-схем, рассматриваемых типов в общем случае остается открытым.

4. Верификация граф-схем

Верификация построенных с помощью предлагаемого метода граф-схем может выполняться двумя способами.

Первый из них является табличным и состоит:

- в построении по системе булевых формул первой таблицы истинности;
- заполнении второй таблицы истинности по результатам вычислений по граф-схеме;
- сравнении одноименных столбцов значений этих таблиц.

При совпадении этих столбцов можно утверждать, что граф-схема реализует заданную систему булевых формул. Этот подход целесообразно применять при сравнительно небольшом числе входных переменных.

В качестве второго способа верификации ниже излагается аналитический метод восстановления системы булевых формул непосредственно по построенной структурированной граф-схеме. При совпадении этой системы с исходной можно утверждать, что структурированная граф-схема реализована корректно. Этот метод может применяться в том числе и для задач большой размерности.

Наличие последовательного соединения блоков не позволяет использовать в данном случае метод восстановления булевой формулы по граф-схеме, изложенный в [2], рассматривая последнюю от конца к началу и применяя для каждой условной вершины разложение Шеннона по одной переменной.

В данном случае это разложение, выполняемое в том числе и по нескольким входным переменным одновременно, используется для каждого последовательно соединенного блока, содержащего условные вершины, причем в каждой паре таких блоков первоначально выполняется анализ поведения блока, расположенного ближе к началу граф-схемы.

В заключение раздела отметим, что решение задачи верификации позволяет решить также задачу о функциональной эквивалентности различных граф-схем для задач рассматриваемого класса и, в том числе, задачу о корректности преобразований этих схем.

5. Примеры

Пример 1. Построить граф-схемы для булевой формулы $z = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4)$ с помощью подходов, рассмотренных в настоящей работе.

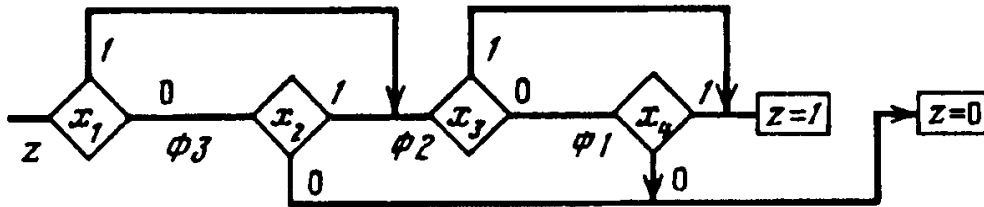


Рис. 5

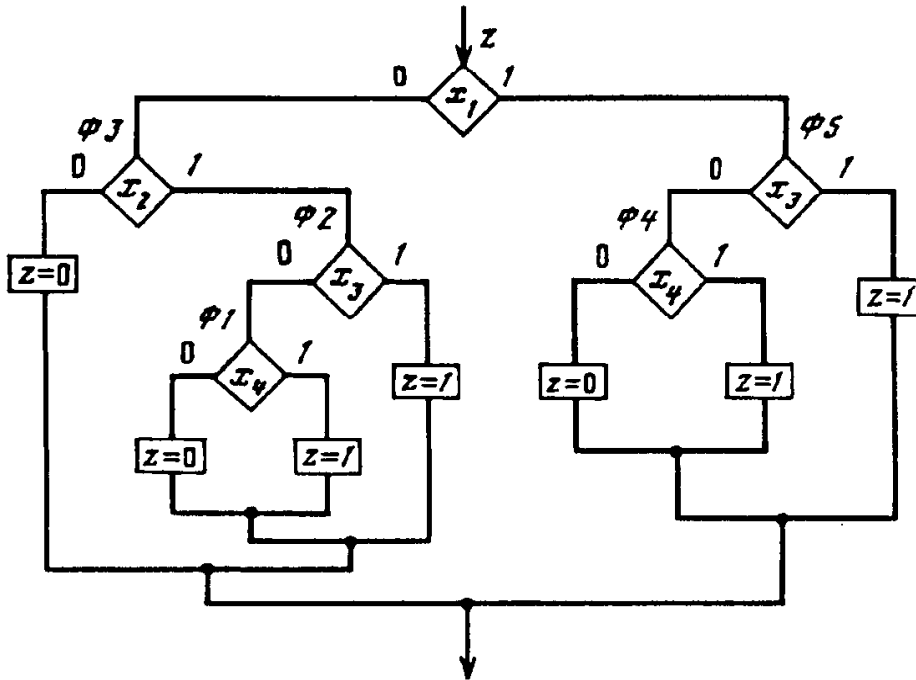


Рис. 6

На рис. 5 приведена неструктурированная граф-схема с шестью вершинами, построенная формульным методом.

Преобразуя эту граф-схему по всем путям в дерево, получим структурированную граф-схему с 12 вершинами (рис. 6).

Исключая в этой граф-схеме единичные операторные вершины и вводя начальную операторную вершину с той же пометкой, получим новую структурированную граф-схему с девятью вершинами (рис. 7).

Выделим в этой граф-схеме "значащие" (в данном случае нулевые) пути, сформируем для каждого такого пути блок с одним входом и одним выходом и соединим эти блоки последовательно. В результате получим линеаризованную структурированную граф-схему с 13 вершинами (рис. 8).

Переходя к использованию предлагаемого метода, построим ДНФ заданной формулы:

$$z = x_1x_3 \vee x_1x_4 \vee x_2x_3 \vee x_2x_4.$$

Оператор структуры в данном случае имеет вид:

$$!z \mid x_1x_3z \mid x_1x_4z \mid x_2x_3z \mid x_2x_4z.$$

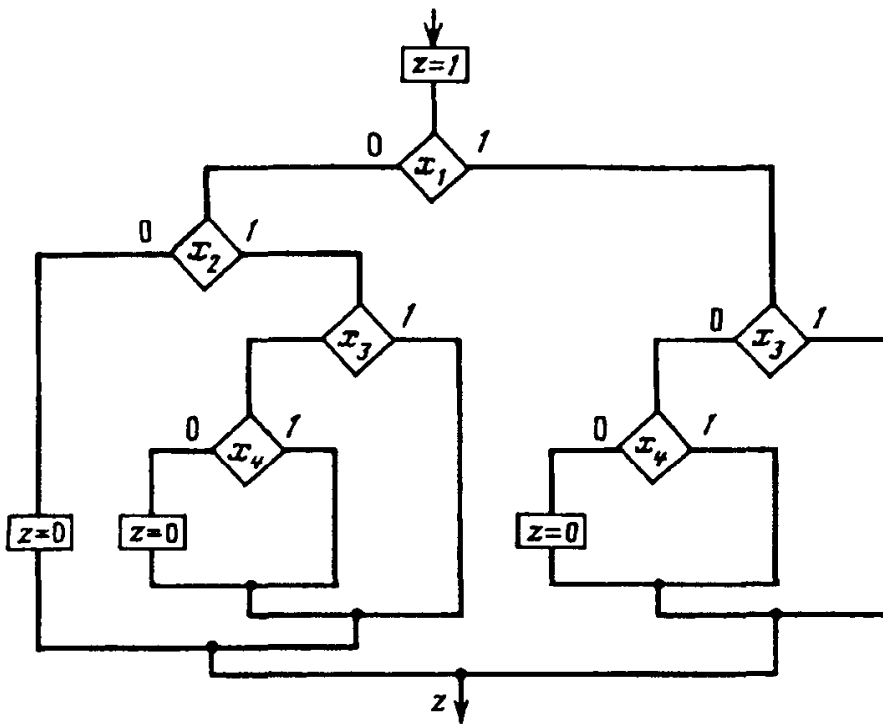


Рис. 7

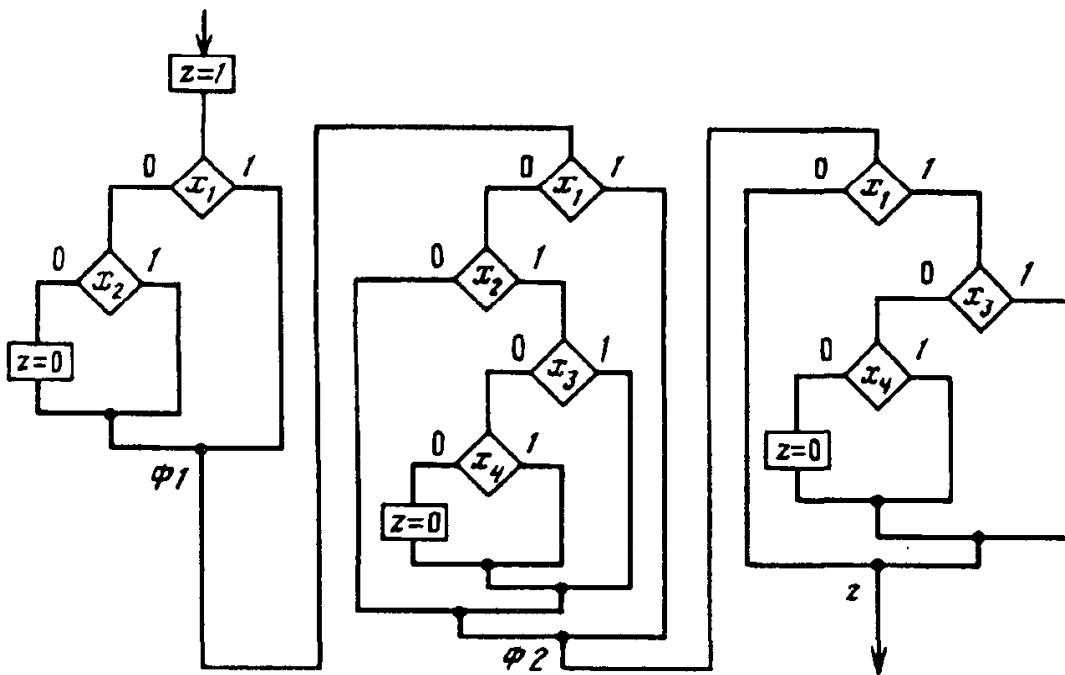


Рис. 8

Реализуя непосредственно этот оператор, содержащий 13 букв, можно построить линеаризованную структурированную граф-схему с 13 вершинами.

Минимизируя оператор структуры за счет выноса влево за скобки одинаковых входных переменных, получим оператор, содержащий 11 букв:

$$!z \mid x_1(x_3z \mid x_4z) \mid x_2(x_3z \mid x_4z).$$

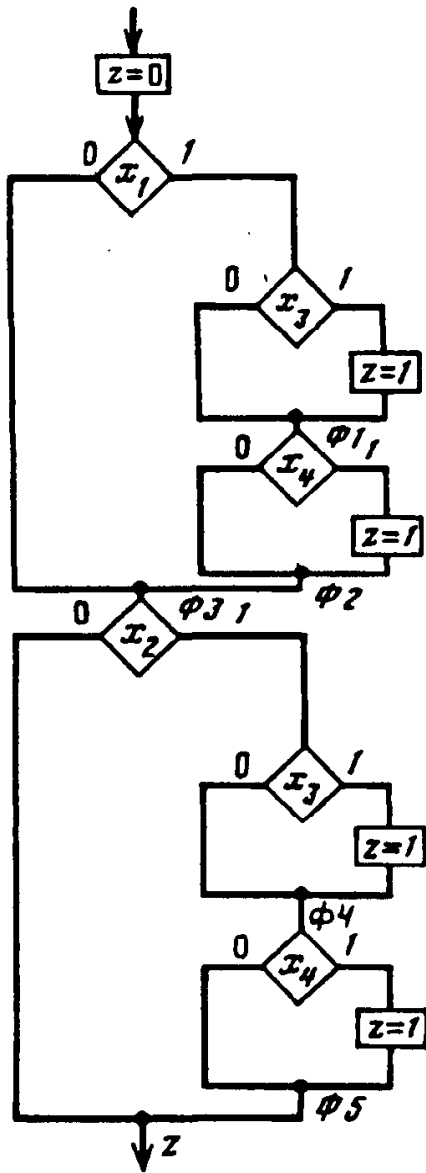


Рис. 9

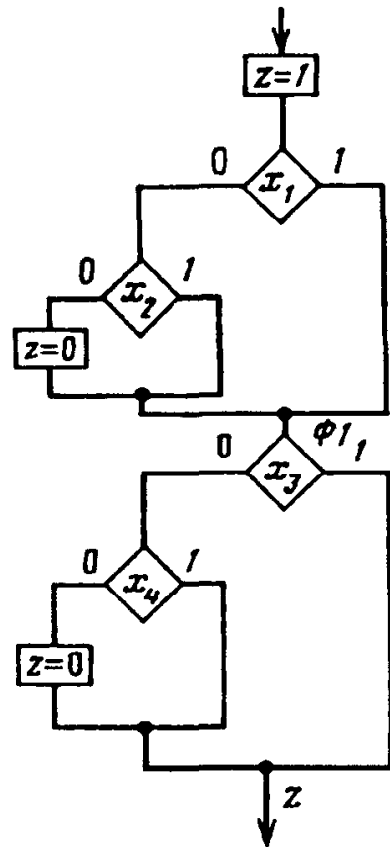


Рис. 10

Выполняя замену фрагментов этого оператора блоками (рис. 1, 2), получим неаризованную структурированную граф-схему с 11 вершинами (рис. 9).

Используем предлагаемый метод для инверсии формулы $!z = !(x1 \vee x2)(x3 \vee x4) = !x1!x2 \vee !x3!x4$. При этом оператор структуры из семи букв имеет вид:

$$z \mid !x1!x2!z \mid !x3!x4!z$$

и не может быть проминимизирован в рамках излагаемого метода.

Выполняя замену фрагментов этого оператора блоками (рис. 1, 3), получим неаризованную структурированную граф-схему с 7 вершинами (рис. 10).

Таким образом предлагаемый метод позволил, весьма просто построить линейризованную структурированную граф-схему, которая содержит всего лишь на одну вершину больше по сравнению с линейризованной неструктурированной граф-схемой (рис. 5), минимальной по числу вершин в классе бинарных граф-схем [2].

Выполним верификацию построенных граф-схем, первые две из которых анализируются от конца к началу, а остальные в обратном порядке.

Для граф-схемы (рис. 5):

$$\Phi 1 = !x4 \& 0 \vee x4 \& 1 = x4;$$

$$\begin{aligned}\phi_2 &= !x_3 \& \phi_1 \vee x_3 \& 1 = x_3 \vee x_4; \\ \phi_3 &= !x_2 \& 0 \vee x_2 \& \phi_2 = x_2(x_3 \vee x_4); \\ z &= !x_1 \& \phi_3 \vee x_1 \& \phi_2 = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

При этом отметим, что в данном случае восстановление формулы осуществляется по ее фрагментам, а не по подформулам [5].

Для структурированной граф-схемы (рис. 6):

$$\begin{aligned}\phi_1 &= !x_4 \& 0 \vee x_4 \& 1 = x_4; \\ \phi_2 &= !x_3 \& \phi_1 \vee x_3 \& 1 = x_3 \vee x_4; \\ \phi_3 &= !x_2 \& 0 \vee x_2 \& \phi_2 = x_2(x_3 \vee x_4); \\ \phi_4 &= !x_4 \& 0 \vee x_4 \& 1 = x_4; \\ \phi_5 &= !x_3 \& \phi_4 \vee x_3 \& 1 = x_3 \vee x_4; \\ z &= !x_1 \& \phi_3 \vee x_1 \& \phi_5 = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

Для структурированной граф-схемы (рис. 7):

$$\begin{aligned}z &= !x_1 \& !x_2 \& 0 \vee !x_1 \& x_2 \& !x_3 \& !x_4 \& 0 \vee !x_1 \& x_2 \& !x_3 \& x_4 \& 1 \vee \\ &\vee !x_1 \& x_2 \& x_3 \& 1 \vee x_1 \& !x_3 \& !x_4 \& 0 \vee x_1 \& !x_3 \& x_4 \& 1 \vee x_1 \& x_3 \& 1 = \\ &= !x_1 x_2 !x_3 x_4 \vee !x_1 x_2 x_3 \vee x_1 !x_3 x_4 \vee x_1 x_3 = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

Для линеаризованной структурированной граф-схемы (рис. 8):

$$\begin{aligned}\phi_1 &= !x_1 \& !x_2 \& 0 \vee !x_1 \& x_2 \& 1 \vee x_1 \& 1 = x_1 \vee x_2; \\ \phi_2 &= !x_1 \& !x_2 \& \phi_1 \vee !x_1 \& x_2 \& !x_3 \& !x_4 \& 0 \vee !x_1 \& x_2 \& !x_3 \& x_4 \& \phi_1 \vee \\ &\vee !x_1 \& x_2 \& x_3 \& \phi_1 \vee x_1 \& \phi_1 = x_1 \vee x_2(x_3 \vee x_4); \\ z &= !x_1 \& \phi_2 \vee x_1 \& !x_3 \& !x_4 \& 0 \vee x_1 \& !x_3 \& x_4 \& \phi_2 \vee x_1 \& x_3 \& \phi_2 = \\ &= (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

Для линеаризованной структурированной граф-схемы (рис. 9):

$$\begin{aligned}\phi_1 &= !x_3 \& 0 \vee x_3 \& 1 = x_3; \\ \phi_2 &= !x_4 \& \phi_1 \vee x_4 \& 1 = x_3 \vee x_4; \\ \phi_3 &= !x_1 \& 0 \vee x_1 \& \phi_2 = x_1(x_3 \vee x_4); \\ \phi_4 &= !x_3 \& \phi_3 \vee x_3 \& 1 = x_1 x_4 \vee x_3; \\ \phi_5 &= !x_4 \& \phi_4 \vee x_4 \& 1 = x_3 \vee x_4; \\ z &= !x_2 \& \phi_3 \vee x_2 \& \phi_5 = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

Для линеаризованной структурированной граф-схемы (рис. 10):

$$\begin{aligned}\phi_1 &= !x_1 \& !x_2 \& 0 \vee !x_1 \& x_2 \& 1 \vee x_1 \& 1 = x_1 \vee x_2; \\ z &= !x_3 \& !x_4 \& 0 \vee !x_3 \& x_4 \& \phi_1 \vee x_3 \& \phi_1 = (x_1 \vee x_2)(x_3 \vee x_4).\end{aligned}$$

Из изложенного следует, что все приведенные граф-схемы функционально эквивалентны и корректно реализуют заданную булеву формулу.

Пример 2. Построить линеаризованную структурированную граф-схему для системы 6 левых формул $z_1 = x_1 \vee x_2 \vee x_3$; $z_2 = x_1 x_3$.

Используя метод каскадов, получим следующие соотношения:

$$\begin{aligned}z_1 &= !x_1 \& !x_2 \& !x_3 \& 0 \vee !x_1 \& !x_2 \& x_3 \& 1 \vee !x_1 \& x_2 \& 1 \vee x_1 \& 1; \\ z_2 &= !x_1 \& 0 \vee x_1 \& !x_3 \& 0 \vee x_1 \& x_3 \& 1.\end{aligned}$$

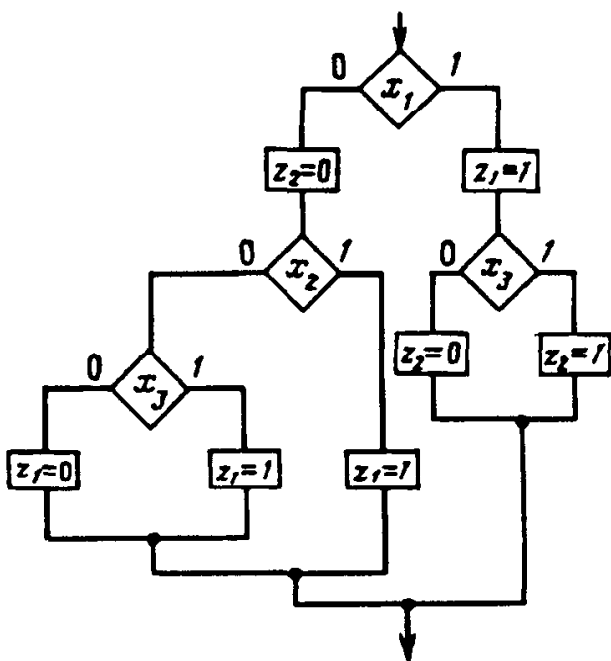


Рис. 11

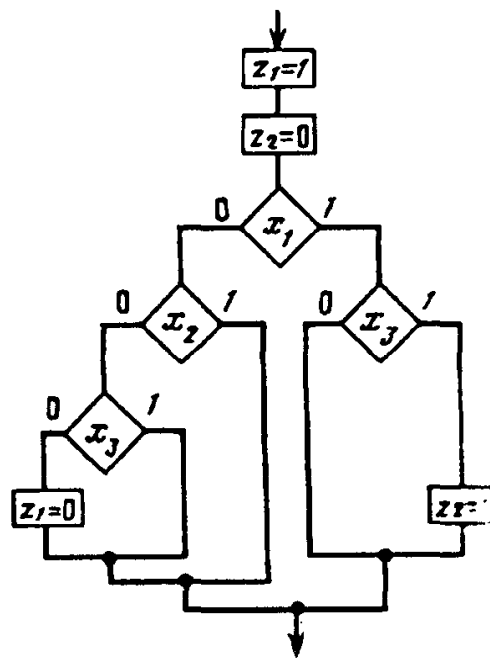


Рис. 12

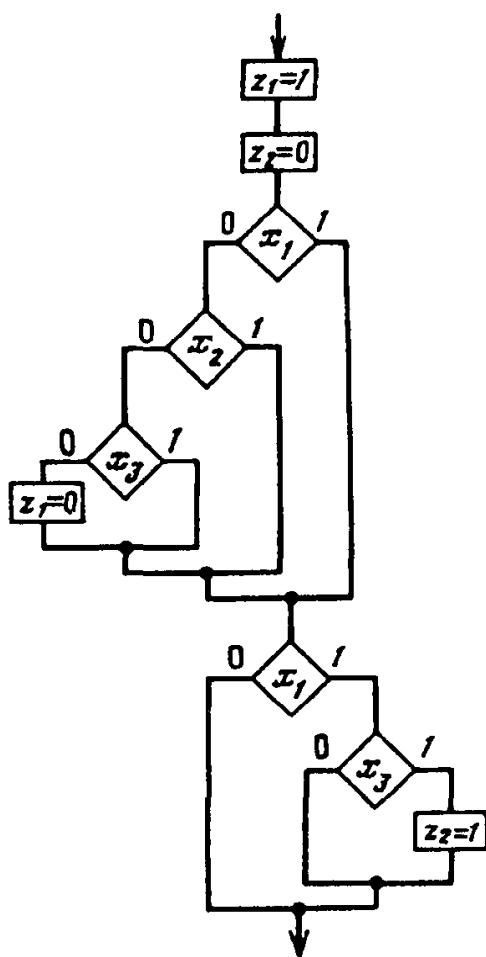


Рис. 13

По этим соотношениям строится структурированная граф-схема с 11 вершинами (рис. 11).

За счет выноса некоторых операторных вершин вверх может быть построена структурированная граф-схема с 8 вершинами (рис. 12).

Линеаризуя эту граф-схему по "значимым" путям, получим линеаризованную структурированную граф-схему с 9 вершинами (рис. 13).

Используя предлагаемый метод для “прямых” формул, построим оператор структуры, содержащий 11 букв:

$$!z1 \mid !z2 \mid x1z1 \mid x2z1 \mid x3z1 \mid x1x3z2.$$

Непосредственно по этому оператору может быть построена линейризованная структурированная граф-схема с 11 вершинами.

Минимизация оператора структуры выносом входной переменной $x3$ за скобки влево позволяет сократить только одну букву:

$$!z1 \mid !z2 \mid x1z1 \mid x2z1 \mid x3(z1 \mid x1z2),$$

что обеспечивает построение линейризованной структурированной граф-схемы с 10 вершинами.

Обращая внимание на тот факт, что для первой формулы системы величина $h1 + k1$ минимальна для ДНФ инверсии, а для второй формулы величина $h2 + k2$ минимальна для ДНФ формулы, построим оператор структуры в результате объединения оператора структуры, построенного по ДНФ инверсии первой формулы, и оператора структуры, построенного по ДНФ второй формулы:

$$z1 \mid !z2 \mid !x1!x2!x3!z1 \mid x1x3z2.$$

Этому оператору, содержащему 9 букв, соответствует линейризованная структурированная граф-схема с 9 вершинами (рис. 13), а оператору

$$z1 \mid !z2 \mid [!x1!x2!x3!z1 \vee x1x3z2]$$

– структурированная граф-схема с 8 вершинами (рис. 12). Полученные граф-схемы совпадают с построенными выше на базе метода каскадов.

Таким образом в отличие от предыдущего примера предлагаемый метод не позволяет упростить реализацию граф-схем, построенных известными методами, но позволяет получить эти граф-схемы существенно менее трудоемко.

Пример 3. Построить линейризованную структурированную граф-схему для системы булевых формул $z1 = x1x2 \vee x3$; $z2 = (!x1 \vee x2)x3$.

Используем первоначально метод каскадов:

$$z1 = !x1 \& !x3 \& 0 \vee !x1 \& x3 \& 1 \vee x1 \& !x2 \& !x3 \& 0 \vee x1 \& x2 \& x3 \& 1 \vee x1 \& x2 \& 1;$$

$$z2 = !x1 \& !x3 \& 0 \vee !x1 \& x3 \& 1 \vee x1 \& !x2 \& 0 \vee x1 \& x2 \& !x3 \& 0 \vee x1 \& x2 \& x3 \& 1.$$

Исходя из этих соотношений, может быть построена структурированная граф-схема с 15 вершинами. Выполняя оптимизацию этой граф-схемы за счет подъема вверх операторных вершин $z1 = 1$ и $z2 = 0$, можно получить структурированную граф-схему с 11 вершинами. Верификацию этой граф-схемы целесообразно производить восстановлением таблицы истинности, так как число входных переменных в данном случае невелико. По минимизированной структурированной граф-схеме, содержащей четыре “значащих” пути, может быть построена линейризованная структурированная граф-схема, содержащая четыре соединенных последовательно блока, общее число вершин в которой равно 16. Таким образом после весьма трудоемких преобразований, базируясь на методе каскадов, может быть построена граф-схема рассматриваемого класса со сравнительно большим числом вершин.

Линейризованную структурированную граф-схему с 13 вершинами можно построить предлагаемым методом, если ее реализовать непосредственно по оператору структуры, содержащему 13 букв:

$$!z1 \mid !z2 \mid x1x2z1 \mid x3z1 \mid !x1x3z2 \mid x2x3z2.$$

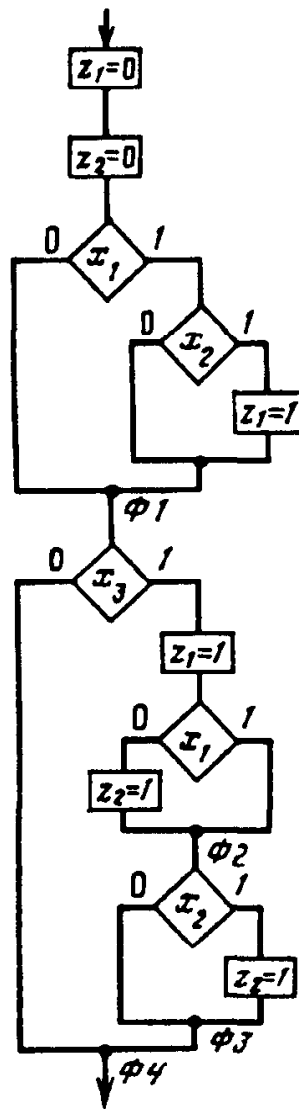


Рис. 14

Если построение выполнить по минимизированному оператору структуры, содержащему 12 букв:

$$!z1 \mid !z2 \mid !x1x3z2 \mid x1x2z1 \mid x3(z1 \mid x2z2),$$

то можно получить линейризованную структурированную граф-схему с 12 вершинами.

Если построение выполнить по другому минимизированному оператору структуры, также содержащему 12 букв:

$$!z1 \mid !z2 \mid [!x1x3z2 \vee x1x2z1] \mid x3(z1 \mid x2z2),$$

то получим структурированную граф-схему с 11 вершинами.

Линейризованные структурированные граф-схемы с 11 вершинами в данном случае можно построить по двум различным минимизированным операторам структуры, содержащим по 11 букв:

$$!z1 \mid !z2 \mid x2(x1z1 \mid x3z2) \mid x3(z1 \mid !x1z2);$$

$$!z1 \mid !z2 \mid x1x2z1 \mid x3(z1 \mid !x1z2 \mid x2z2).$$

Граф-схема, построенная по второму оператору, приведена на рис. 14.

Выполним верификацию этой граф-схемы, используя аналитический метод:

$$\begin{aligned} \Phi_1 : & \begin{cases} \Phi_{11} = !x_1 \& 0 \vee x_1 \& !x_2 \& 0 \vee x_1 \& x_2 \& 1 = x_1 x_2; \\ \Phi_{21} = !x_1 \& 0 \vee x_1 \& !x_2 \& 0 \vee x_1 \& x_2 \& 0 = 0; \end{cases} \\ \Phi_2 : & \begin{cases} \Phi_{12} = !x_1 \& 1 \vee x_1 \& 1 = 1; \\ \Phi_{22} = !x_1 \& 1 \vee x_1 \& \Phi_{21} = !x_1; \end{cases} \\ \Phi_3 : & \begin{cases} \Phi_{13} = !x_2 \& \Phi_{12} \vee x_2 \& \Phi_{12} = 1; \\ \Phi_{23} = !x_2 \& \Phi_{22} \vee x_2 \& 1 = !x_1 \vee x_2; \end{cases} \\ \Phi_4 : & \begin{cases} z_1 = !x_3 \& \Phi_{11} \vee x_3 \& \Phi_{13} = x_1 x_2 \vee x_3; \\ z_2 = !x_3 \& \Phi_{21} \vee x_3 \& \Phi_{23} = (!x_1 \vee x_2) x_3. \end{cases} \end{aligned}$$

6. Заключение

Изложенный метод в некотором смысле аналогичен широко используемому на практике методу построения параллельно-последовательной схемы по булевой формуле в базисе И, ИЛИ, НЕ, при использовании которого минимизируя заданную формулу, удается минимизировать изоморфную ей схему. При этом по булевой формуле из h букв может быть построена схема из h контактов и наоборот. Таким образом в этом случае булева формула описывает не только функционирование, но и структуру схемы. Отметим, что для мостиковой контактной схемы булева формула описывает ее функционирование, но не описывает ее структуру.

Принципиальные отличия этих методов состоят в том, что, во-первых, оператор структуры, изоморфно описывая структуру граф-схемы, не описывает ее функционирование, во-вторых, предлагаемый метод, в отличие от сравниваемого, применим непосредственно не только к одной формуле, но и к системе формул, а в-третьих, при использовании оператора структуры выделение общих частей различных формул в системе (факторизация [7]) не требует введения дополнительных (промежуточных) переменных.

Из изложенного следует, что предлагаемый метод является эффективным по трудоемкости аналитическим средством для реализации систем булевых формул линеаризованными структурированными бинарными графами, число вершин в которых равно числу букв в операторах структуры, по которым строятся эти графы. Это позволяет за счет упрощения оператора структуры минимизировать изоморфную граф-схему, что до сих пор удавалось делать лишь при реализации одиночной булевой формулы параллельно-последовательной контактной схемой. При определенных условиях метод позволяет строить также структурированную граф-схему с числом вершин меньшим числа букв в операторе структуры, по которому граф-схема построена.

В дополнение к изложенному методу синтеза структурированных граф-схем в настоящей работе предложен также и достаточно простой аналитический метод их верификации.

Подход назван [11] методом независимых фрагментов, так как для граф-схемы, построенной этим методом, результаты вычислений по ней не зависят от порядка расположения блоков, соединенных последовательно, что отличает этот метод от многих других процедурных подходов, известных в программировании [8–10].

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Кузнецов О. П. О программной реализации логических функций и автоматов // *Авт.* 1977. № 7. С. 118–127. № 9. С. 136–144.

2. Кузнецов Б. П., Шалыто А. А. Реализация булевых формул линейными бинарными графами. 1. Синтез и анализ // Изв. РАН. Техн. кибернетика. 1994. № 5 С. 132-142.
3. Autolog 32. Руководство пользователя. FF – Electronika Fredriksson Ky.
4. Кузнецов Б. П., Шалыто А. А. Структурный подход к программной реализации булевых формул // Автоматика и вычислительная техника. 1985. № 5. С. 84-86
5. Артюхов В. Л., Кузнецов Б. П., Шалыто А. А. Настраиваемые логические устройства для судовых управляющих систем. Л.: Ин-т повышения квалификации руководящих работников и специалистов судостроительной промышленности, 1986.
6. Поваров Г. Н. О логическом синтезе электронных вычислительных и управляющих схем // Логические исследования. М.: Изд-во АН СССР. 1959. С. 39-52.
7. Баранов С. И. Синтез микропрограммных автоматов (граф-схемы и автоматы Л.: Энергия, 1979.
8. Ершов А. П. Введение в теоретическое программирование. М.: Наука, 1977.
9. Иван А., Смелянский Р. Л. Элементы теоретического программирования. М. Изд-во ГУ, 1985.
10. Лингер Р., Миллс Х., Уитт С. Теория и практика структурного программирования. М.: Мир, 1982.
11. Кузнецов Б. П. Структурирование бинарных программ // Вопросы судостроения Сер. Судовая автоматика. 1983. № 29. С. 27-35.

Поступила в редакцию 30.01.95

Российская академия наук

А АВТОМАТИКА И ТЕЛЕМЕХАНИКА

Журнал основан в 1936 году

Выходит 12 раз в год



Наука·Москва

9

СЕНТЯБРЬ

1998

